

* Microéconomie :

La science éco : la gestion des ressources rares pour subvenir aux besoins illimités des hommes vivants

en

Société

interaction
mvt ↓
d'action
et de réaction

Science économique

Microéconomie

Comportement des consommateurs et producteurs

Macroéconomie

Comportement globale d'une économie
↓
la production des agrégats (PIB)

Méséconomie

Approche sectorielle

* La microéconomie : app d'un modèle mathématique théorique à un comportement éco individuelle

↔ Consommateur
Producteur

↳ modèle : Représentation simplifiée de la réalité.

* L'école néoclassique : un courant de pensée économique
Il a conçu des modèles simplifiés de la réalité économique en posant des hypothèses de base.

- Microéconomie

1. des hypothèses de base:

1. de C^{mv} agent rationnel : (raisonnement logique) \rightarrow Choisir B.S
2. de Marché \rightarrow CPP : plusieurs offreurs \rightarrow plusieurs demandeurs
3. la décision d'achat de C^{mv} est atomique : n'influence pas Conditions du marché.
4. L'information sur le bien est dispo.
5. Les goûts et des préférences de C^{mv} sont subjectives
6. les biens et les S sont homogènes : la qté n'est pas un facteur déterminant du prix.
7. les biens sont divisibles.

2. notions de base:

Utilité: U satisfaction procurée par le consommateur de ce bien.

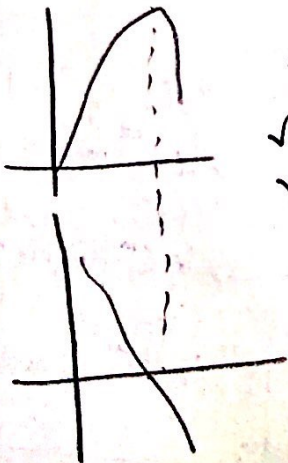
Utilité totale: Utilité procurée par la consommation de plusieurs unités du même bien.

Utilité marginale: Satisfaction procurée lors de la consom^t du dernier bien.

Unités	0	1	2	3	4	5
Unité totale	0	5	8	10	10	8
Utilité marginale	-	+5	+3	+2	0	-2

3. Décroissance de l'utilité marginale:

U.M est décroissante : le C^{mv} est censé être satisfait de -en- satisfait en consommant des unités supp.



* Interpretation: * Mathématiquement:

✓ U.T \uparrow consommation Unité supp
 ✓ U.T est à son max \Leftrightarrow U_m est nulle.

• $f''(x) < 0$

Une augmentation supp. casera un effet neg

Situation d'eq!

* Économique:

+ dose → Deuil

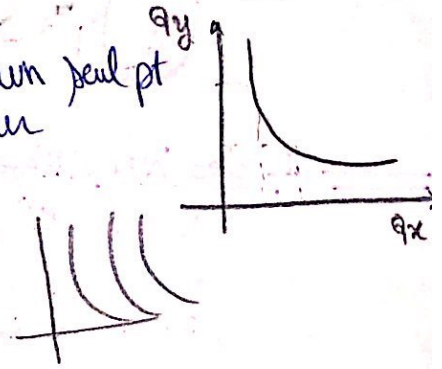
4. Le Calcul de l'éq du consommateur:

~ de la théorie des Courbes d'Indifférence: **C.I**

* Def: C'est un lieu géométrique où se rencontre en un seul pt des quantités de x et y permettant au consommateur d'atteindre un même niveau d'utilité.

* Caractéristiques:

- ✓ plus la C.I s'éloigne de l'origine plus U ↑
- ✓ C.I trs ↓
- ✓ 2 C.I ne se rencontrent jamais
- ✓ C.I convexe par rapport à l'origine.



~ de la droite du budget / Contrainte budgétaire:

* Def: La droite est un lieu géo où se rencontrent des qtes de x et y permettant au C^{mt} d'épuiser son revenu.

$$R = xP_x + yP_y$$

* Caractéristiques:

- ✓ la D.B est trs ↓
- ✓ + la D.B s'éloigne de l'origine + le revenu est + de consommation (+ quantité)

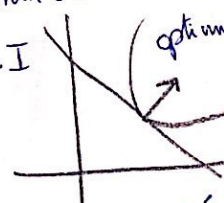


5. La détermination de l'éq géométriquement:

Quel est le niveau d'éq du C^{mt}? Comment le C^{mt} peut atteindre l'optimum?

Optimum
← max profit
← min charges

↳ Éco: Situation: C^{mt} atteint un niveau de Satisfactin Max avec min de Coût (revenu)
↳ Math: la D.B admet un pt de tangence avec la C.I



* De^o

6. Le taux marginal de Substitution: (TMS)

* Def: TMS_{xy} la quantité de y que le C^{mt} peut céder pour avoir une unité supplémentaire de x à en restant sur la mêm C.I

$$TMS_{xy} = - \frac{dy}{dx}$$

Ex^o

De A à B: $TMS_{xy} = - \frac{dy}{dx} = - \frac{17-15}{5-2} = \frac{2}{3} = 0,67$

A(2x, 19y) → B(5x, 17y)

$$\frac{2}{3}x = 1y$$

Le C^{mt} n'est prêt à céder que 0,67 y pour les remplacer par une unité de x pour rester dans la même utilité supplémentaire (C.I) U₁ = 10

TMS_{xy} > 1
↳ le C^{mt} préfère x

TMS_{xy} < 1
↳ le C^{mt} préfère y

TMS_{xy} = 1
↳ le C^{mt} est indifférent

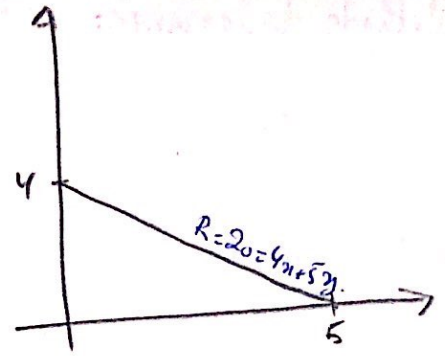
7. La pente et la droite du budget :

Ex: $R = xP_x + yP_y \Rightarrow I_0 = 4x + 5y$

$y = ax + b \Rightarrow I_0 = 4x + 5y$
 $\Rightarrow 5y = I_0 - 4x$
 $\Rightarrow y = 4 - \frac{4}{5}x$

$y'_x = -\frac{4}{5} \rightarrow$ Pente de la droite du budget

* $y'_x = a = -\frac{P_x}{P_y}$



~* Signification de la pente :

\rightarrow Si $a > 0$ la droite est croissante \rightarrow Si $a < 0$ la droite est décroissante.
 • La D.B est par def \downarrow Elle permet au C^{mt} de céder des él^{ts} de y contre celle de x et de rester sur la droite. - ne pas dépasser le Substituer budget alloué -
 \rightarrow Lorsque de C^{mt} cède y il met de côté sa valeur monétaire et se pose : Combien cette valeur va-elle lui procurer de x ??

Ex: $C(1,5x, 2,8y) \rightarrow G(4,875x, 0,1y)$

$2,8y \rightarrow 0,1$ le C^{mt} cède 2,7 unité de y qui valent $2,7 \times 5 Dh = 13,5$

$\frac{13,5}{P_x} Dh = \frac{13,5}{4} Dh = 3,375 Dh$

On ajoute $3,375 Dh$ à $1,5x = 4,875 Dh$.

8. La Calcul algébrique de l'équilibre :

~ Méthode de Substitution :

App: $\begin{cases} U = f(x, y) = 10xy & (1) \\ R = 100 = 5x + 10y & (2) \end{cases}$

- U fct à optimiser \rightarrow chercher l'existence d'extremums (max et min),
 - R est une contrainte.

A partir de (2):

y en fct de x $100 = 5x + 10y \Rightarrow 10y = 100 - 5x$
 $\Rightarrow y = -\frac{1}{2}x + 10$ (3)

Dans (3) on remplace x par sa valeur :
 $y = -\frac{1}{2}x + 10 = -\frac{1}{2} \times 10 + 10 = 5$
 $y = 5$

On remplace y par sa valeur ds (1):

$V = 10x(-\frac{1}{2}x + 10)$
 $U = -\frac{10}{2}x^2 + 100x$
 $U = -5x^2 + 100x$

Condition du second ordre $U''_x < 0$
 $U''_x = -10 < 0$

Condition du 1^{er} ordre :

$U'_x = 0 \Leftrightarrow -5x + 100 = 0$
 $\Leftrightarrow -10x = -100$
 $\Leftrightarrow x = 10$

$\therefore C$: $(10x, 5y)$ est la combinaison optimale procurant au C^{mt} son maximum d'utilité $U = 500$ sous la contrainte $R = 100 Dh$, $P_x = 5 Dh$ et $P_y = 10 Dh$.

~ Methode de Lagrange:

$$L(x, y, \lambda) = \underbrace{f(x, y)}_{\text{fct d'utilité à optimiser}} + \lambda \underbrace{(R - xP_x - yP_y)}_{\text{fct contrainte}}$$

Condition 1^{er} ordre:

Les dérivées partielles premières sont nulles.

$$L'_x(x, y, \lambda) = 0 \Leftrightarrow f'_x(x, y) - \lambda p_x = 0 \quad (1)$$

$$L'_y = 0 \Leftrightarrow f'_y(x, y) - \lambda p_y = 0 \quad (2)$$

$$L'_\lambda = 0 \Leftrightarrow R - x p_x - y p_y = 0 \quad (3)$$

$$\frac{(1)}{(2)} = \frac{f'_x(x, y)}{f'_y(x, y)} = \frac{p_x}{p_y}$$

En trouvant y en fct de x, on la remplace par sa valeur ds (3) ds l'objectif de trouver les valeurs de x et y

Condition du 2^{ème} ordre:

$$\det H^* > 0$$

$$\begin{vmatrix} L''_{xx} & L''_{xy} & L''_{x\lambda} \\ L''_{yx} & L''_{yy} & L''_{y\lambda} \\ L''_{\lambda x} & L''_{\lambda y} & L''_{\lambda\lambda} \end{vmatrix} \begin{vmatrix} + & - & + \\ a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix}$$

det H* Cas general

$$\det H^* = +a \begin{vmatrix} e & f \\ h & i \end{vmatrix} - b \begin{vmatrix} d & f \\ g & i \end{vmatrix} + c \begin{vmatrix} d & e \\ g & h \end{vmatrix}$$

$$= +a(ei - fh) - b(di - fg) + c(dh - ge)$$

$$\det H^* > 0$$

donc il y a un max.

(x, y) est un combinaison optimal

9. L'équilibre dynamique: C^{mt} à partir du TMS xy

$\left\{ \begin{array}{l} \text{La methode de substitution} \\ \text{La methode de Lagrange} \end{array} \right\} \rightarrow$ Chercher l'eq: oui ou non?
 \rightarrow trouver x et y: max ou min \rightarrow Condition 2nd.

La methode du TMS: $\Rightarrow C^{mt}$ déjà en situation d'eq

\rightarrow [Uniquement]: chercher q^{tes} d'eq

On écrit: A l'équilibre $\boxed{TMS_{xy} = \frac{U_{mx}}{U_{my}} = \frac{P_x}{P_y}}$

$\frac{f'_x(x, y)}{f'_y(x, y)}$ = Pente de la courbe d'indiff

$\frac{P_x}{P_y}$ = Pente de la droite du Budget

\triangle Pas de condition de 2nd ordre: On est déjà à l'eq:

10. L'équilibre dynamique:

+ On a étudié eq ~~ex~~ statique \rightarrow dynamique (P_x, P_y, R, \dots)
 + Comment \sim Prix affectent Revenu (Pouvoir d'Achat / Revenu Réel)

Pour le commentaire voir prochaine page.

* Commentaire:

+ On remarque que suite à \sim du prix et \sim de p_y sur le marché.
 - La DB n'est déplacé à droite et à gauche par rapport à l'initiale
 - la Z_1 représentant déplacement vers (droite/gauche) est $>/<$ à la Z_2
 qui représentant déplacement vers la (droite/gauche)
 le C^{mt} a perdu $\dots x/y$ et a gagné $\dots x/y$. De même $U_1 < U_2$

o Economiquement: On parle de deux effets:
 effet Substitution: $P_x \sim : q_x \sim, q_y \sim$
 effet Revenu: $Z_1 < Z_2 : \text{Revenu Réel a } \nearrow/\searrow, \text{ Revenu nominal fixe}$
 : Baisse/Augmentation Pouvoir d'achat

Effet Revenu: conséquence de: Effet Substitution

! : $Z_1 = Z_2 \rightarrow$ pas d'effet revenu.
 Effet Subs: Si $P_x \uparrow$ alors $x_2 < x_1$ ($y_1 = y_2$)
 alors effet de subs interne.
 : Si $P_x \uparrow$ alors $x_2 < x_1$ et $y_2 > y_1$
 alors effet de subst externe et interne.
 Si $P_x \uparrow P_y \sim ; x_2$ et $y_2 \sim : / ES$

11. Changement d'Objectif:

$L(x, y, \lambda) = \underbrace{f(x, y)}_{\text{A optimiser}} + \lambda \underbrace{(R - x p_x - y p_y)}_{\text{Contrainte}}$ Normal.

On inverse.

$L(x, y, \lambda) = x p_x + y p_y + \lambda (U - f(x, y))$

C/c : $(-x, -y)$ est la Combinaison optimale permettant au C^{mt} d'atteindre un niveau de satisfaction $U = \dots$ avec un minimum de Revenu

12. Calcul de l'élasticité: Demande d'un bien en fct P_x, P_i, R .

~ Elasticité d'un bien est: la \sim demande d'un bien. lorsque l'une des variables $(P_x, P_i, R) \sim$

- Elasticité du prix du bien x . la \sim qté de x lorsque $P_x \sim e_{p_x} = \frac{\Delta Q_x}{\Delta P_x} \cdot \frac{P_x}{Q_x}$
- Elasticité Revenu: la \sim qté x lorsque $R \sim e_R = \frac{\Delta Q_x}{\Delta R} \cdot \frac{R}{Q_x}$
- Elasticité Croisé: la \sim qté x lorsque $P_i \sim e_{x/i} = \frac{\Delta Q_x}{\Delta P_i} \cdot \frac{P_i}{Q_x}$